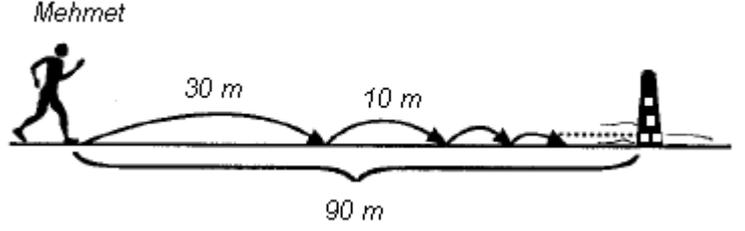


Örnek (2|22)

Mehmet, 90 m uzağında yer alan evine doğru, ilk hamlede 30 m, ikinci hamlede 10 m her defasında bir hamle önce koştuğu yolun 1/3 'ü kadar giderek ilerliyor. Bu şekilde Mehmet, evine ulaşabilir mi?



Çözüm :

Mehmet 'in her hamlede aldığı yollar toplamı;

$$\left. \begin{aligned} \frac{90}{3} + \frac{90}{3^2} + \frac{90}{3^3} + \frac{90}{3^4} + \dots = A \\ \frac{90}{1} + \frac{90}{3} + \frac{90}{3^2} + \frac{90}{3^3} + \dots = 3A \end{aligned} \right\} \Rightarrow 2A = 90 \Rightarrow A = 45 m \text{ olacağından Mehmet evine asla varamaz.}$$

“Mehmet 'in belli bir noktadan sonra ilerleme miktarının limiti sıfır ve alınan toplam yolun limiti 45 m dir “ cümlesi

$$\frac{90}{3} + \frac{90}{3^2} + \frac{90}{3^3} + \frac{90}{3^4} + \dots = 30 \left(1 + \frac{1}{3} + \frac{1}{3^2} + \frac{1}{3^3} + \dots \right) = \lim_{n \rightarrow \infty} 30 \left(1 + \frac{1}{3} + \frac{1}{3^2} + \dots + \frac{1}{3^n} \right) = \lim_{n \rightarrow \infty} 30 \left[\frac{1 - \left(\frac{1}{3} \right)^n}{1 - \frac{1}{3}} \right] = 45 m \text{ dir.}$$

şeklinde de ifade edilebilir.

Örnek (2|23)

$0, \bar{3}$ sayısının değerini bulalım.

Çözüm :

1.YOL: $0, \bar{3} = 0,3333\dots = \frac{3}{10} + \frac{3}{10^2} + \frac{3}{10^3} + \frac{3}{10^4} + \dots = T$ olsun. Eşitliğin her iki tarafı 10 ile çarpılırsa,

$3, \bar{3} = 3,3333\dots = 3 + \frac{3}{10} + \frac{3}{10^2} + \frac{3}{10^3} + \frac{3}{10^4} + \dots = 10.T$ bulunur. İkinci eşitlikten birinci taraf tarafa çıkarılırsa,

$3 = 9.T \Rightarrow T = \frac{3}{9} = \frac{1}{3}$ bulunur. Çözümde bir eksiklik olduğunu görebildiniz mi ?

2.YOL: $0, \bar{3} = 0,3333\dots = \frac{3}{10} + \frac{3}{10^2} + \frac{3}{10^3} + \frac{3}{10^4} + \dots = \frac{3}{10} \left(1 + \frac{1}{10} + \frac{1}{10^2} + \frac{1}{10^3} + \dots \right) = T$ olsun.

$$T = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3}{10} \left(1 + \frac{1}{10} + \frac{1}{10^2} + \frac{1}{10^3} + \dots + \frac{1}{10^n} \right) = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3}{10} \left(\frac{1 - \left(\frac{1}{10} \right)^n}{1 - \frac{1}{10}} \right) = \frac{3}{10} \left(\frac{1 - \left(\frac{1}{10} \right)^{\infty}}{1 - \frac{1}{10}} \right) = \frac{3}{10} \cdot \frac{10}{9} = \frac{1}{3} \text{ bulunur.}$$

Örnek (2|24)

$n \in \mathbb{N}$ olmak üzere,

$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} (a_0 x^n + \dots + a_{n-1} x + a_n)$ ifadesinin değerini bulalım.

Çözüm :

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} (a_0 x^n + \dots + a_{n-1} x + a_n) = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} x^n \left(a_0 + \frac{a_1}{x} + \frac{a_2}{x^2} + \dots + \frac{a_{n-1}}{x^{n-1}} x + \frac{a_n}{x^n} \right) = \infty^n \left(a_0 + \frac{a_1}{\infty} + \frac{a_2}{\infty^2} + \dots + \frac{a_{n-1}}{\infty^{n-1}} x + \frac{a_n}{\infty^n} \right)$$

$$= \infty^n \left(a_0 + \frac{a_1}{\infty \rightarrow 0} + \frac{a_2}{\infty^2 \rightarrow 0} + \dots + \frac{a_{n-1}}{\infty^{n-1} \rightarrow 0} x + \frac{a_n}{\infty^n \rightarrow 0} \right) = a_0 \cdot (\pm\infty)^n \text{ bulunur (} n \text{ 'in tek yada çift , } a_0 \text{ in pozitif yada}$$

negatif olmasına göre sonucu $+\infty$ yada $-\infty$ elde edilir)

1•

$$\lim_{x \rightarrow 7} \left(\frac{1}{x-7} - \frac{14}{x^2-49} \right) \text{ limitinin değeri nedir?}$$

- A) -3 B) $-\frac{1}{14}$ C) 0 D) $\frac{1}{14}$ E) 3

2•

$$\lim_{x \rightarrow 2} \left(\frac{12}{x-2} - \frac{48}{x^2-4} \right) \text{ limitinin değeri nedir?}$$

- A) -3 B) $-\frac{1}{4}$ C) 0 D) $\frac{1}{4}$ E) 3

3•

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{8x+1}-5}{x-3} \text{ limitinin değeri nedir?}$$

- A) $-\frac{4}{5}$ B) $-\frac{1}{4}$ C) 0 D) $\frac{4}{5}$ E) 3

4•

$$\lim_{x \rightarrow 5} \left(\frac{10}{x^2-25} - \frac{1}{x-5} + \frac{5}{x} \right) \text{ limitinin değeri nedir?}$$

- A) $-\frac{4}{5}$ B) $-\frac{1}{4}$ C) $\frac{9}{10}$ D) $\frac{11}{10}$ E) 2

5•

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left[\log_5(5x^2-1) - 2\log_5\left(\frac{x}{5}+1\right) \right] \text{ limitinin değeri nedir?}$$

- A) -3 B) $-\frac{1}{4}$ C) 0 D) 3 E) 4

6•

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{4-4\cos x}{x^2} \text{ limitinin değeri nedir?}$$

- A) -3 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

7•

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x^2+4}-2}{\sqrt{x^2+9}-3} \text{ limitinin değeri nedir?}$$

- A) -3 B) -1 C) 0 D) $\frac{2}{3}$ E) $\frac{3}{2}$

8•

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x^2+x-2}{x^2-x+3} \right)^{2x-7} \text{ limitinin değeri kaçtır?}$$

- A) $-e^2$ B) $-e$ C) 0 D) e^4 E) e^{-4}

D	E	D	C	-	D	E	E	D
---	---	---	---	---	---	---	---	---

9•

$\lim_{x \rightarrow 0} \ln(1+2x)^{\frac{6}{x}}$ limitinin değeri nedir?

- A) -3 B) -1 C) 0 D) 6 E) 12

10•

$\lim_{x \rightarrow \infty} \ln\left(\frac{3x-5}{3x+1}\right)^{x-4}$ limitinin değeri nedir?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 2 E) 3

11•

$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x + \sqrt{9x^2 - x + 3}}{4x + \sqrt{x^2 - 12}}$ limitinin değeri nedir?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 3

12•

$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x + \sqrt{9x^2 - x + 3}}{4x + \sqrt{x^2 - 12}}$ limitinin değeri nedir?

- A) -2 B) $-\frac{1}{3}$ C) 0 D) 1 E) $\frac{3}{2}$

13•

$\lim_{x \rightarrow 27} \frac{\sqrt[3]{x} - 3}{\sqrt[3]{x^2} - \sqrt[3]{x} - 6}$ limitinin değeri nedir?

- A) -2 B) $-\frac{1}{5}$ C) 0 D) $\frac{1}{5}$ E) 2

14•

$\lim_{x \rightarrow \infty} n \cdot \left[\log_2(n+1) - 2\log_2 n - \log_2\left(\sin \frac{1}{n}\right) \right]$ limitinin değeri nedir?

- A) -3 B) $-\log_2 e$ C) 0 D) $\log_2 e$ E) e

15•

$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{3x+1} - 2}{\sqrt{x+8} - 3}$ ifadesinin değeri kaçtır?

- A) $-\frac{7}{6}$ B) -1 C) 1 D) $\frac{9}{2}$ E) 2

16•

$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} (1 - \sin x) \tan^2 x$ limitinin değeri nedir?

- A) -2 B) $-\frac{1}{3}$ C) 0 D) $\frac{1}{2}$ E) 1

E	A	D	B	-	D	C	D	D
---	---	---	---	---	---	---	---	---